

Data Structures and Algorithms

Алгоритмы.
Сортировка перемешиванием



Сведение о алгоритме

Сложность по времени в наихудшем случае $O(n^2)$



Описание сути алгоритма

Сортировка перемешиванием является модификацией алгоритма сортировки пузырьком. Сутью этой модификации являются следующие наблюдения.

- Первая перестановка в последовательности начинается с определенного индекса и при следующем проходе можно начинать с этого индекса, а не с начала последовательности.
- При проходе в одну сторону элемент сдвигается на одну позицию к соответствующему краю последовательности. И если чередовать проходы с начала последовательности до ее конца с проходами в обратном направлении то можно обеспечить более быстрое «всплывание» элемента к нужному краю последовательности.

Именно реализация этих изменений при работе алгоритма сортировки пузырьком и получила название сортировки перемешиванием.

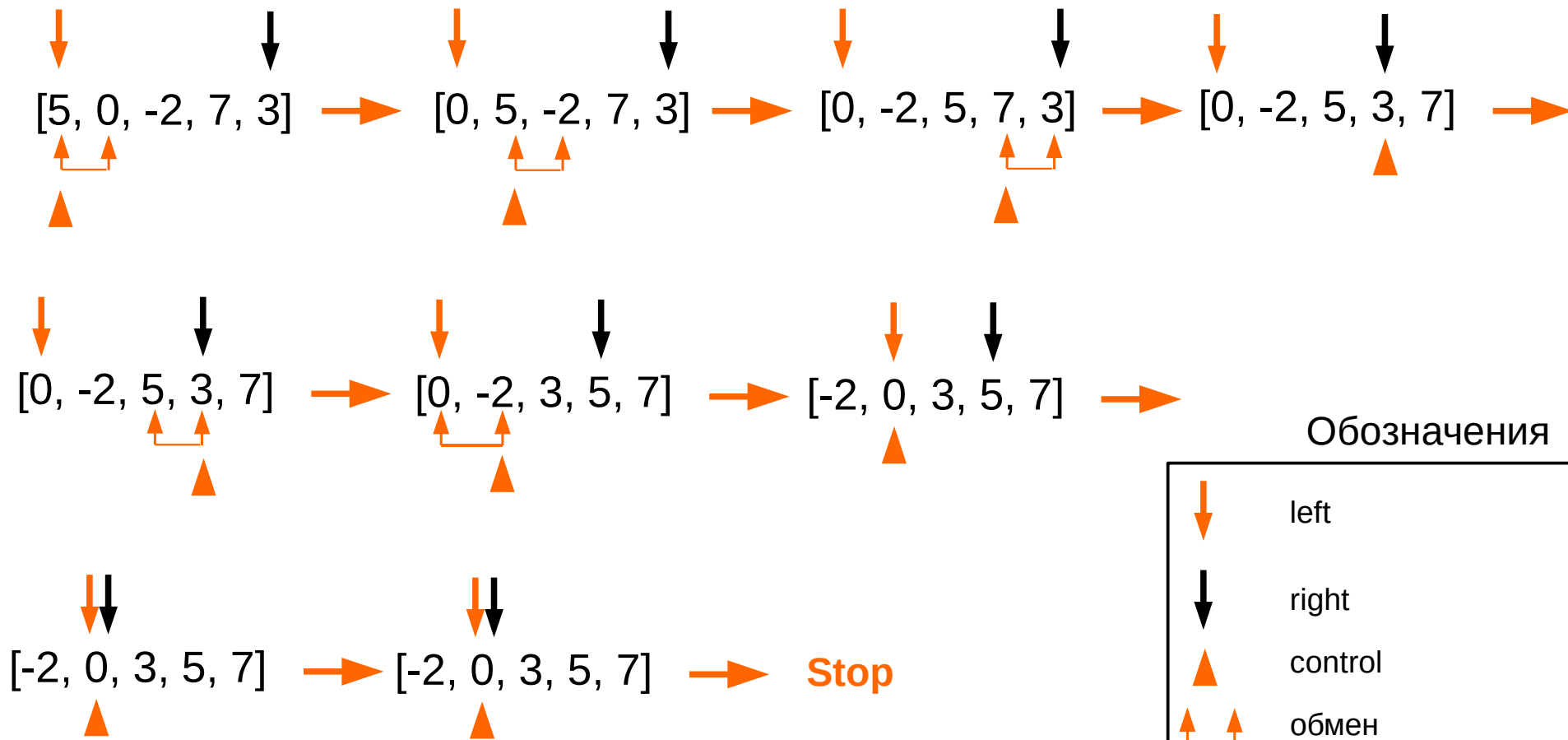


Описание алгоритма

- 1) Объявляем две дополнительные переменные для хранения границ с которых нужно начинать проход по элементам последовательности (`left` и `right` соответственно) и переменную для контроля наличия факта обмена (`control`). Устанавливаем значение `left = 0`, `right` — индексу последнего элемента последовательности, `control = right`. Перейти к пункту **2**.
- 2) Начиная от `left` и до `right` выполняем проход по элементам последовательности. Если текущий элемент больше следующего элемента то провести их обмен и установить значение `control` равной индексу текущего элемента. После прохода установить значение `right` равный `control`. Перейти к пункту **3**.
- 3) Начиная от `right` до `left` выполняем обратный проход по элементам последовательности. Если текущий элемент меньше предыдущего то выполняем их обмен и устанавливаем значение `control` равным индексу текущего элемента. После прохода устанавливаем значение `left` равным `control`. Перейти в пункту **4**.
- 4) Если `left < right` вернуться к пункту **2**. В противном случае **закончить алгоритм**.

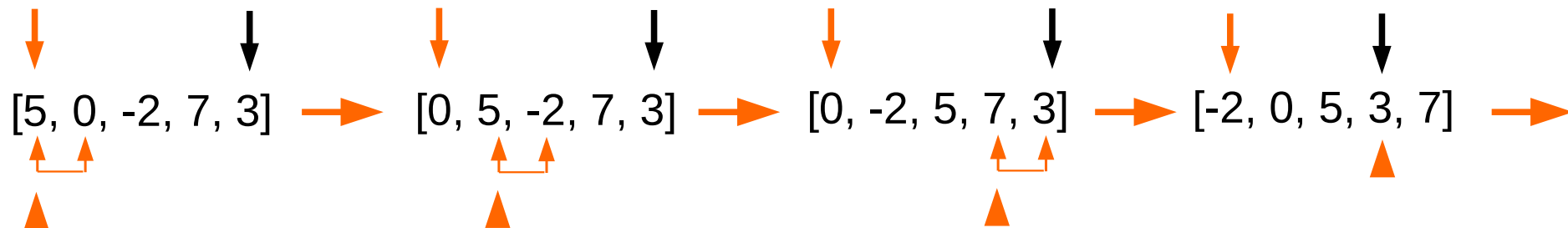


Графическая иллюстрация работы алгоритма





Графическое пояснение алгоритма

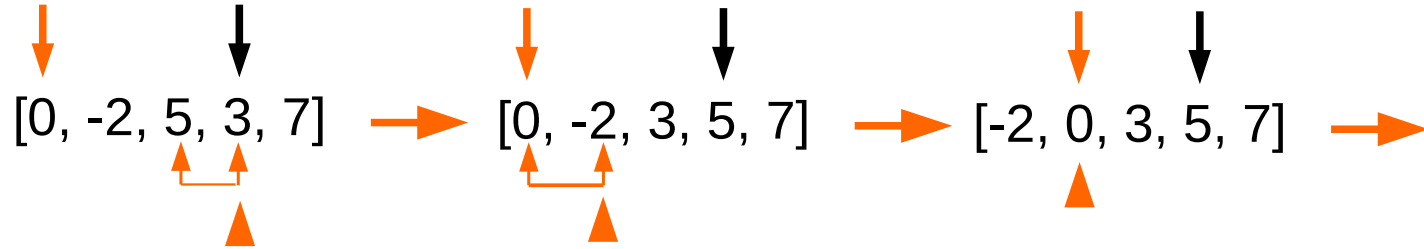


В качестве начальных значений устанавливаем $left = 0$, $right = control = 4$.

Начинаем проход в прямом направлении от $left$ до $right$. Если текущий элемент больше следующего то совершаем их обмен и устанавливаем $control$ равный индексу текущего элемента. После того как закончили проход устанавливаем значение $right$ равный $control$.



Графическое пояснение алгоритма

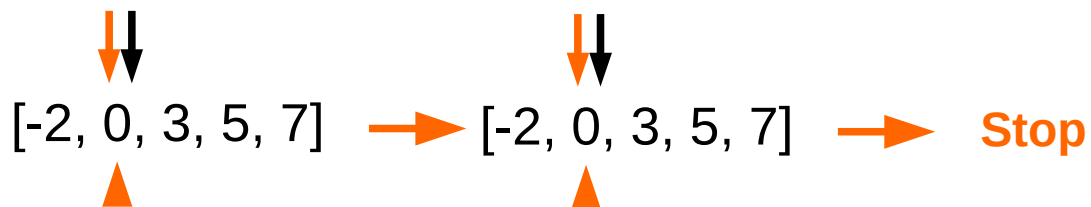


Выполняем обратный проход начиная от `right` до `left`. Если текущий элемент меньше предыдущего (отчет ведем от начала последовательности) то производим их обмен и устанавливаем значение `control` равный индексу текущего элемента.

После прохода устанавливаем значение `left` равным `control`.



Графическое пояснение алгоритма



Выполняем прямой проход от left до right. Обменов не было следовательно $right = control = left$. Выполняем обратный проход (но так как $right = left$ он нулевой длины).

Проводим проверку $left < right$. Это не так. Заканчиваем алгоритм.



Реализация алгоритма на Python



Реализация алгоритма на Python

```
def cocktail_sort(sequence):
    left = 0
    right = len(sequence) - 1
    control = right
    while left < right:
        for i in range(left, right):
            if sequence[i] > sequence[i+1]:
                sequence[i], sequence[i+1] = sequence[i+1], sequence[i]
                control = i
        right = control
        for i in range(right, left, -1):
            if sequence[i] < sequence[i-1]:
                sequence[i], sequence[i-1] = sequence[i-1], sequence[i]
                control = i
        left = control
```



Java

Реализация алгоритма на Java



Реализация алгоритма на Java

Вспомогательная функция для обмена двух элементов массива

```
public static void swap(int[] sequence, int i, int j) {  
    int temp = sequence[i];  
    sequence[i] = sequence[j];  
    sequence[j] = temp;  
}
```



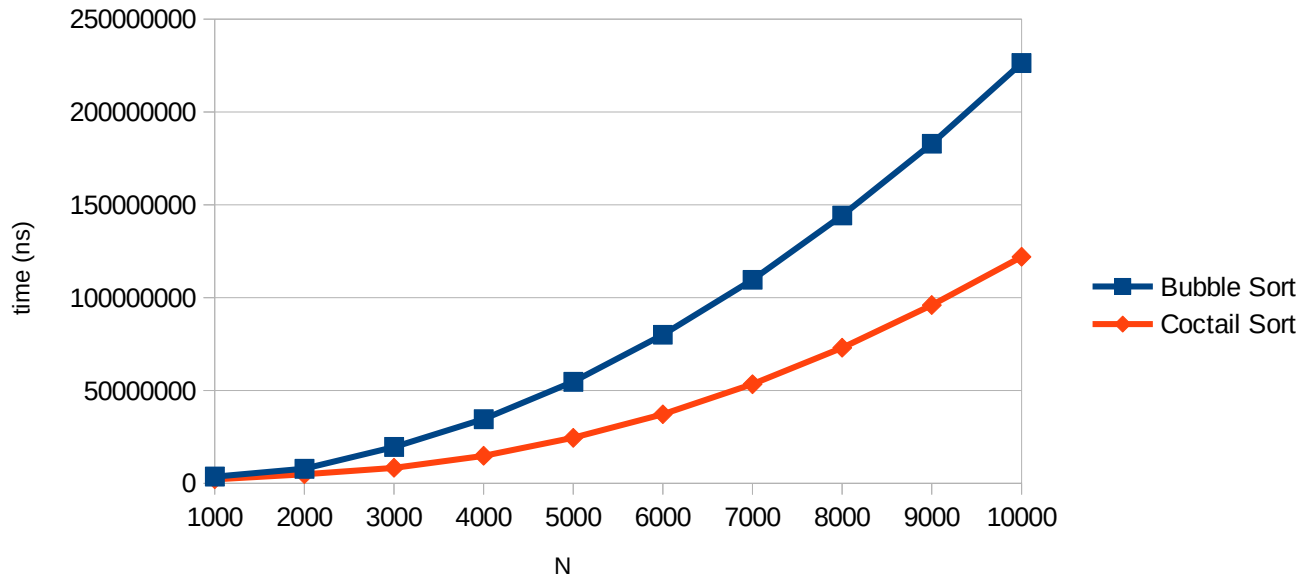
Реализация алгоритма на Java

```
public static void coctailSort(int[] sequence) {
    int left = 0;
    int right = sequence.length - 1;
    int control = right;
    for (; left < right;) {
        for (int i = left; i < right; i++) {
            if (sequence[i] > sequence[i + 1]) {
                swap(sequence, i, i + 1);
                control = i;
            }
        }
        right = control;
        for (int i = right; i > left; i--) {
            if (sequence[i] < sequence[i - 1]) {
                swap(sequence, i, i - 1);
                control = i;
            }
        }
        left = control;
    }
}
```



Вычислительный эксперимент

Для проверки увеличения эффективности данного алгоритма по сравнению с алгоритмом сортировки пузырьком был проведен вычислительный эксперимент. Для массивов разных размеров (заполненных случайными числами) было замерено среднее время сортировки с помощью того и другого алгоритма. На графике приведена зависимость среднего времени сортировки от размера массива.



Как можно видеть из графика алгоритм сортировки перемешиванием обладает более высокой производительностью.



Список литературы

- 1) Д. Кнут. Искусство программирования. Том 3. «Сортировка и поиск», 2-е изд. ISBN 5-8459-0082-4